

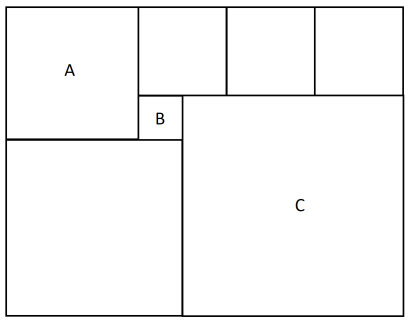
**ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО МАТЕМАТИКЕ**

ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП 2020–2021 УЧЕБНЫЙ ГОД

**РЕШЕНИЯ ШКОЛЬНОГО ЭТАПА**

Школьный этап всероссийской олимпиады школьников по математике

**8 класс**

** *Если ситуация в решении участника подходит под критерии, то оценивается установленным в критериях количеством баллов. Если решение работы участника не соответствует ни одному из критериев, то используется 7-балльная шкала (см. таблицу в методических указаниях), которая наилучшим образом зарекомендовала себя на математических олимпиадах. Каждая задача оценивается целым числом баллов от 0 до 7. Итог подводится по сумме баллов, набранных участником.***

**8.1.** Прямоугольник составлен из семи квадратов (смотри рисунок). Сторона квадрата А равна 3, Сторона квадрата В равна 1. Найдите площадь квадрата С. Объясните, как получен ответ.

**Ответ:** 25.

***Решение 1:*** Сторона квадрата, расположенного правее квадрата А и выше квадрата В, в 2 раза больше стороны квадрата В, т.е. равна 2. Сторона квадрата С в два с половиной раза больше, чем 2, т.е. равна 5. Площадь квадрата С со стороной 5 равна 25.

***Решение 2:*** Сторона квадрата, расположенного ниже квадратов А и В и левее квадрата С, равна сумме сторон квадратов А и В, т.е. равна 4. Сторона квадрата С равна сумме длин 4 и стороны квадрата В, т.е. равна 5. Площадь квадрата С со стороной 5 равна 25.

**Критерии проверки.**

**1 балл.** Получен верный ответ, но отсутствуют объяснения.

**5 баллов**. Найдена сторона квадрата С, а площадь не найдена.

**7 баллов**. Ответ верный, объяснения правильные.

**8.2.** Сумма квадратов двух чисел равна 71, а если увеличить каждое из этих чисел на 3, то сумма их квадратов станет равна 164. Чему равна сумма этих чисел?

**Ответ:** 12,5.

***Решение.*** Составим систему уравнений:

Преобразуем второе уравнение . Подставив во второе уравнение первое уравнение системы, получим , откуда находим, что

()=75. Значит, .

**Критерии проверки.**

**1 балл.** Составлена система уравнений.

**2 балла.** Найден верный ответ без достаточных обоснований.

**7 баллов.** Получен правильный ответ с полным решением.

**8.3.** Вася вышел из города А в город Б со скоростью 3 км/ч. Петя уже шёл к нему навстречу из города Б в город А со скоростью в 1,5 раза меньшей. Встретились они ровно в середине пути, причем Вася потратил на свой путь 2 часа. На сколько минут раньше вышел Петя.

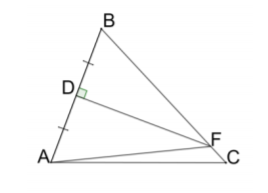
**Ответ:** на 60 минут.

***Решение.*** Скорость Пети 2 км/ч. Они прошли одинаковое расстояние, равное 6 км. Петя прошел его за 3 часа, то есть он вышел раньше на 60 минут.

**Критерии проверки.**

**0 баллов.** Только верный ответ.

**7 баллов.** Верное обоснованное решение.

**8.4.** В треугольнике сторона равна 19 см. Перпендикуляр , проведенный к стороне через ее середину – точку , пересекает сторону в точке . Найдите периметр треугольника , если сторона равна 11 см.

**Ответ:** 30 см.

***Решение:***

Треугольник равнобедренный, так как , – середина . = =𝐵𝐹 + 𝐹𝐶 + 𝐴𝐶 = 𝐵𝐶 + 𝐴𝐶 = 30 см

**Критерии проверки.**

**3 балла.** Доказано, что .

**8.5.** Рыцарский турнир длится ровно 7 дней. К концу четвертого дня сэр Ланселот не успел сразиться лишь с одной четвертью от общего числа участников турнира. А сэр Тристан к этому времени сразился ровно с одной седьмой из тех рыцарей, с кем успел сразиться сэр Ланселот. Какое минимальное количество рыцарей могло участвовать в турнире?

**Ответ:**20 рыцарей.

***Решение.*** Пусть Ланселот не сразился с *x* рыцарями. Тогда общее число рыцарей равно , а сразился Ланселот с рыцарем (общее количество за вычетом и самого Ланселота). Тогда Тристан сразился с рыцарей. Чтобы найти наименьшее возможное количество рыцарей, необходимо подобрать минимальное *x* такое, что делится на 7. Значения не подходят, а подходит. Таким образом, наименьшее возможное число рыцарей равно 20.

**Критерии проверки.**

**2 балла.** Приведён только верный ответ.

**7 баллов.**  Любое верное решение.

*Комментарий*. За отсутствие обоснования того, что действительно могло быть ровно 20 рыцарей, баллы не снимаются.