

10.1 25
 10.2 05
 10.3 35
 10.4 15
 10.5 45
185.

Всероссийская олимпиада школьников

По _____

2017-2018 уч. г. Школьный этап.

Код участника

М - 10 - 131

Максимально - 35 балл

Всего баллов 18

10.5 1) Необходимо посчитать кол-во чисел, чье 0 (5-значное) цифр суммы первых двух цифр больше 9.
 такая сумма чисел 45

9 0	3 6	7 0	2 0	4 4	2 2	3 1	4 1	5 2
8 1	6 3	6 0	1 0	1 5	2 3	3 2	4 2	5 3
1 8	4 5	5 0	1 1	1 6	2 4	3 3	4 3	6 1
7 2	5 4	4 0	1 2	1 7	2 5	3 4	4 4	6 2
2 7	8 0	3 0	1 3	2 1	2 6	3 5	5 1	7 1

2) Посчитать, сколько вариантов сумма для которого из 45 чисел есть с суммой последней трех цифр больше двух-таких сумм десять.

- 000 090 100 014
- 001 020 110
- 002 200 101

3) Посчитать кол-во вариантов чисел.

$45 \times 10 = 450$ чисел
 В году 365 дней.

$365 < 450 \Rightarrow$ Петя сможет родить в субботу больше года **+ 45.**

10.2 Чтобы на плоскости отметить 10 точек так, чтобы любые три из них были вершинами выпуклого треугольника, нужно построить десятиугольник MNK.

1) $(n-2) \cdot 180 = 8 \cdot 180 = 1440^\circ$ - градусная мера десятиугольника

2) $1440 : 10 = 144^\circ$ - градусная мера угла десятиугольника

3) строим замкнутый десятиугольник, затем убираем стороны и вершину

остаточной вершиной замкнутого десятиугольника. **Ответ: 99 - 05.**

10.1 1) В первую очередь оптимизируем на первую и последнюю цифру числа $2002+x$ рассмотрим, следовательно, проверим ряд $1 \dots 1+x$

2) $x = 77$, т.к. $1+7$ (крайние) = 8;

3) Проверим найденные варианты 1221 и 797
 $1221 + 797 = 2018$ **Ответ: 1221; 797**

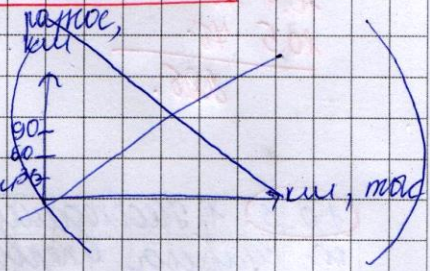
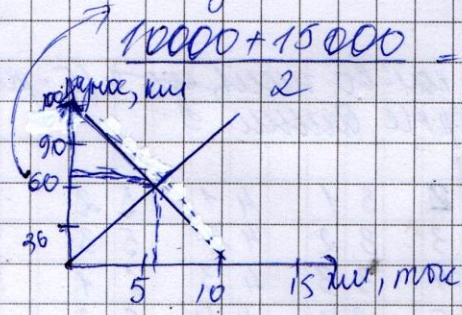
+ 45.

обратом \rightarrow

10.4. $10000 \text{ км} = 100\%$ - передние колеса
 $15000 \text{ км} = 100\%$ - задние колеса
 колеса могут двигаться по 12500 км + 15.

$$\begin{cases} 10000x = 15000y \\ x + y = 100 \end{cases}$$

$$10000 + 15000 = 12500 \text{ км}$$



Ответ: 12500 км.

10.3. $R = b^2 - 4ac = 23$
 $b^2 = 23 + 4ac$
 $b^2 - 23 = 4ac$
 $4ac > 0 \Rightarrow a > 0 \text{ и } c > 0$
 либо $a < 0 \text{ и } c < 0$

$b^2 > 4ac$
 $b^2 > 23$
 $\Downarrow b > 4$, натуральными
 $4ac \in \mathbb{Z} \Rightarrow 23 - b^2$ кратно 4
 методом подбора:

$$\begin{aligned} b &= 17, \\ 17^2 - 4ac &= 23 \\ -4ac &= -266 \end{aligned}$$

$4ac = 266$, при $a \in \mathbb{Z}$ и $c \in \mathbb{Z}$ и либо оба отрицательны, либо оба отрицательны и оба кратно 4.

$\Downarrow R = 23$ может быть. Ответ: да

10.3. $R = b^2 - 4ac = 23$; $b^2 - 23 = 4ac$; $\frac{b^2 - 23}{4} = ac$
 $\frac{23}{4} = \text{остаток } 3$; при делении b^2 остаток 0, или? $9:4 = 2(\text{ост } 1)$.
 следовательно, уравнение не может иметь $R \neq 23$ Ответ: Нет. + 38.