

## 9.1.1, 9.2 (технологический профиль)

2018-2019 уч.год

Примерный банк заданий для подготовки к тестированию по математике  
(учебник Макарычев Ю.Н., углублённый уровень)

### Модуль №4

**"Уравнения и неравенства с одной и с двумя переменными. Системы уравнений и неравенств"**

*В тесте проверяются теоретическая и практическая части.*

#### Тема №1. "Уравнения и неравенства с одной переменной"




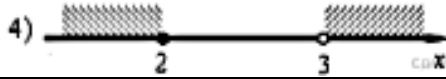
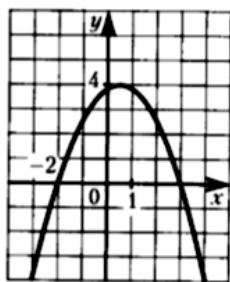
Элементы содержания	Предметные умения
<p><b>Глава 2</b></p> <p><b>§ 4. Уравнения с одной переменной.</b></p> <p>П.9. Целое уравнение и его корни.</p> <p>П.10. Приемы решения целых уравнений.</p> <p>П.11. Решение дробно-рациональных уравнений.</p> <p><b>§ 5. Неравенства с одной переменной.</b></p> <p>П.12. Решение целых неравенств с одной переменной.</p> <p>П.13. Решение дробно-рациональных неравенств с одной переменной.</p> <p><b>§ 6. Уравнения и неравенства с переменной под знаком модуля.</b></p> <p>П.14. Решение уравнений с переменной под знаком модуля.</p> <p>П.15. Решение неравенств с переменной под знаком модуля.</p> <p><b>§ 7. Уравнения с параметрами.</b></p> <p>П.16. Целые уравнения с параметрами.</p> <p>П.17. Дробно-рациональные уравнения с параметрами.</p>	<p>Умения определять целые уравнения, находить их степень; доказывать, что уравнение не имеет целых корней или находить эти корни; решать целые уравнения, выше второй степени, разложением на множители, с помощью замены переменной и графическим методом; решать дробно-рациональные уравнения.</p> <p>Умения решать неравенства первой степени, неравенства второй степени с помощью параболы, неравенства второй и более высоких степеней методом интервалов; решать дробно-рациональных уравнений методом интервалов.</p> <p>Умения решать уравнения с одной переменной под знаком модуля; решать неравенства с одной переменной под знаком модуля с помощью геометрического смысла модуля, с помощью определения модуля (методом промежутков), графическим способом, заменой переменной и заменой неравенства равносильной системой или совокупностью.</p> <p>Умения решать линейные, квадратные, биквадратные, дробно-рациональные, а также уравнения, содержащие модуль, с параметром.</p>

### Примерные практические задания:

1.	<p>Выберите <u>верные</u> утверждения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Целым уравнением с одной переменной называется уравнение, левая и правая части которого – целые выражения.</li> <li>2) Целым уравнением с одной переменной называется уравнение, левая часть которого – целое выражение.</li> <li>3) Степенью уравнения вида <math>P(x) = 0</math>, где <math>P(x)</math> – многочлен стандартного вида, называется степень этого многочлена.</li> <li>4) Степенью уравнения вида <math>P(x) = 0</math>, называемая степень многочлена, стоящего на первом месте.</li> <li>5) Если уравнение <math>a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n = 0</math>, в котором все коэффициенты – целые числа, причем свободный член отличен от нуля, имеет целый корень, то этот корень является делителем свободного члена.</li> <li>6) Если число <math>a</math> является корнем многочлена <math>P(x) = a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n</math>, где <math>a_0 \neq 0</math>, то этот многочлен можно представить в виде произведения <math>(x - a)P_1(x)</math>, где <math>P_1(x)</math> – многочлен <math>(n - 1)</math> – й степени.</li> <li>7) Если число <math>a</math> является корнем многочлена <math>P(x) = a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_{n-1}x + a_n</math>, где <math>a_0 \neq 0</math>, то этот многочлен можно представить в виде произведения <math>(x + a)P_1(x)</math>, где <math>P_1(x)</math> – многочлен <math>(n - 1)</math> – й степени.</li> </ol>
2.	<p>Является ли данное уравнение целым:</p> <p>а) <math>\frac{x^3 - 6x}{8} - \frac{x^5}{3} = 1</math>;    б) <math>\sqrt{x - 1} = 19</math>;    в) <math>\frac{x^2 - 1}{x - 1} - 18x = 4</math>;  г) <math>1,07x^2 - \frac{1}{3}x = 0,1</math>;    д) <math>\frac{1}{3}x^3 = \sqrt{2}x</math>;    е) <math>\frac{6}{x + 1} - 6x = 2</math>;    ж) <math>\frac{12x^3 - 2}{0,3} = 0,1x</math>;  з) <math>\frac{x^2 + 2x + 1}{(x + 1)^2} = x + 4</math>;    и) <math>\frac{22}{\sqrt{x}} = x^3 - 1</math>;    к) <math>\frac{x}{\sqrt{5}} = 2x^4 - x^6</math>?</p>
3.	<p>Укажите степень уравнения <math>x^2(5x^3 - 2x^2) + 8 - 5x^5 + x^3 = 0</math>.</p> <p>1) 3                                  2) 5                                  3) 4                                  4) 2</p>
4.	<p>Найдите степень уравнения: <math>5x^2 - 7x^6 + 8 = x(x^7 + 2x^2)</math>.</p>
5.	<p>Корнями какого уравнения являются числа -2; 0; 2?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>x^3 - 4x = 0</math></li> <li>2) <math>x(x^2 - 4x + 4) = 0</math></li> <li>3) <math>x^3 - 2x = 0</math></li> <li>4) <math>x^3 - 4x + 4 = 0</math></li> </ol>
6.	<p>Имеет ли целые корни уравнение:</p> <p>а) <math>x^5 + 2x^4 - 3x^3 + 2x^2 - 1 = 0</math>;  б) <math>x^6 - x^4 + x^2 + x - 2 = 0</math>?</p>
7.	<p>Решите уравнение:</p>

	<b>а) <math>2002x^2 - 2001x - 1 = 0</math>;      в) <math>37x^2 + 73x - 2 = 0</math>;</b> <b>б) <math>116x^2 + 115x - 1 = 0</math>;      г) <math>57x^2 - 101x - 26 = 0</math>.</b>
8.	Решите уравнение $-(x - 2)^2 + 3 = x - 1$ . 1) $(0; -1), (3; 2)$ 2) $-1; 2$ 3) $0; 3$ 4) $(3; 2)$
9.	Решите уравнение: $(2x - 5)(2x + 5) - 2x(3 + 2x) = 5$ .
10.	Решите уравнение: $x^2 + 4 - 4x^3 - 16x = 0$ .
11.	Решите уравнение: $x^5 + x^4 - 6x^3 - 6x^2 + 8x + 8 = 0$ ;
12.	Найдите сумму квадратов корней уравнения: $2x^3 - 72x = 0$ .
13.	Решите уравнение: а) $x^6 - 36 = 0$ ;      б) $-x^5 - 7 = 0$
14.	Сколько корней имеет уравнение $(x - 1)^2 - 5 = \frac{2}{x}$ (используйте графическую интерпретацию)?
15.	Найдите нули функции $f(x) = x^4 + 8x^2 - 9$ . 1) $1; 3$ 2) $-1; -3$ 3) $-3; -1; 1; 3$ 4) $-1; 1$
16.	Решите уравнение: $x^4 - 12x^2 - 64 = 0$ .
17.	Решите уравнение $(x^2 + 1)^2 - 6(x^2 + 1) + 5 = 0$ . 1) $-2; 0; 2$ 3) $-2; 2$ 2) $-\sqrt{5}; -1; 1; \sqrt{5}$ 4) $-2; -1; 1; 2$
18.	Решите уравнение: $(x^2 - 10)^2 + 12(x^2 - 10) + 11 = 0$ .
19.	Решить уравнения: <b>а) <math>(x^2 + 4x)^2 - (x + 2)^2 = 416</math>; б) <math>(x^2 - 2x)^2 + (x - 1)^2 = 73</math>;</b> <b>в) <math>(x^2 + 6x)^2 - 4(x + 3)^2 = 156</math>; г) <math>3(x^2 + 2x)^2 = 35(x + 1)^2 + 115</math>.</b>
20.	Решите возвратное уравнение: <b>а) <math>x^4 - 5x^3 + 6x^2 - 5x + 1 = 0</math>;      б) <math>4x^4 - 8x^3 - 37x^2 - 8x + 4 = 0</math></b>
21.	Зная, что один из корней уравнения $4x^4 - 12x^3 + 13x^2 - 12x + a = 0$ равен 2, найдите $a$ и другие корни уравнения.
22.	При каких значениях $p$ уравнение $x^2 + px + 3 = 0$ имеет ровно два корня? 1) $(-\infty; -3) \cup (3; \infty)$ 3) $(-\infty; -2\sqrt{3}) \cup (2\sqrt{3}; \infty)$ 2) $(-2\sqrt{3}; 2\sqrt{3})$ 4) $(2\sqrt{3}; \infty)$
23.	Решите уравнение, разложив его левую часть на множители методом неопределенных коэффициентов: <b>а) <math>2x^4 - 4x^3 + x^2 - 6x - 3 = 0</math>;      б) <math>3x^4 + 3x^3 - 8x^2 + x - 3 = 0</math>;</b>
24.	Решите уравнение: а) $ x - 2  = 3$ .      б) $ x^2 - 2x - 4  = 4$ .      в) $ x^2 + 2x - 1  =  x + 1 $ . г) $ x^2 - 4x + 3  = 2x - 5$ .      д) $x^2 - 4 x - 3  - 2x - 7 = 0$ .      е) $ x + 1  +  x - 4  = 5$ .
25.	Найдите наибольший корень уравнения: а) $ x^2 - 5x + 4  = 4$ б) $ x^2 - 2x - 4  = 3x - 2$ .

26.	При каких значениях параметра $a$ уравнение $x^2 - (3a - 1)x + 2a^2 - a = 0$ имеет один корень?
27.	Решите уравнение: $a) \frac{1}{x+3} + \frac{3}{x-1} = \frac{x^2+5x+2}{x^2+2x-3}$ $б) \left(\frac{x-3}{x+2}\right)^2 - 15 = 16\left(\frac{x+2}{x-3}\right)^2$ .
28.	<p>Выберите <b>верные</b> утверждения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Неравенство с одной переменной, обе части которого являются рациональными выражениями, называется рациональным неравенством.</li> <li>2) Неравенство с одной переменной, левая часть которого является рациональным выражением, называется рациональным неравенством.</li> <li>3) Если в рациональном неравенстве левая и правая части – целые выражения, то такое неравенство называется целым неравенством.</li> <li>4) Если в рациональном неравенстве левая часть – целое выражение, то такое неравенство называется целым неравенством.</li> <li>5) Неравенство вида <math>\frac{P(x)}{Q(x)} &gt; 0</math> равносильно неравенству <math>P(x)Q(x) &gt; 0</math>.</li> <li>6) Неравенство вида <math>\frac{P(x)}{Q(x)} &gt; 0</math> равносильно неравенствам <math>P(x) &gt; 0</math> и <math>Q(x) &gt; 0</math>.</li> <li>7) Неравенство вида <math>\frac{P(x)}{Q(x)} \leq 0</math> равносильно системе <math>\begin{cases} P(x)Q(x) &lt; 0; \\ \frac{P(x)}{Q(x)} = 0. \end{cases}</math></li> <li>8) Неравенство вида <math>\frac{P(x)}{Q(x)} \leq 0</math> равносильно неравенству <math>P(x)Q(x) \leq 0</math>.</li> </ol>
29.	<p>На каком рисунке изображено множество решений неравенства <math>4 - 7(x + 3) \leq -9</math>?</p>
30.	<p>На каком рисунке изображено множество решений неравенства <math>x^2 - 4x + 3 \geq 0</math>?  В ответе укажите номер правильного варианта.</p>
31.	<p>Решите неравенство:  <math>a) x^2 - 11x + 24 &lt; 0;</math>    <math>б) 2x^2 + 11x - 6 &gt; 0;</math>    <math>в) -9x^2 + 12x - 4 &gt; 0;</math>  <math>г) -7x^2 - 6x + 1 \geq 0;</math>    <math>д) 0,1x^2 + x - 2,4 \leq 0;</math>    <math>е) -2x^2 - 4x - 6 \geq 0.</math></p>

32.	Найдите множество решений неравенства: а) $7x(7x - 4) + 2(7x + 2) \geq 0$ ; б) $3p(p - 2) < 2p(p + 4) - (p - 16)$
33.	Решите неравенство $x^2 + x \geq 0$ . В ответе укажите номер правильного варианта. 1) $(-\infty; -1] \cup [0; +\infty)$ 2) $[-1; 0]$ 3) $(-1; 0)$ 4) $(-\infty; 0] \cup [1; +\infty)$
34.	Решите неравенство $x^2 - 4x - 4 > 0$ . 1) $(-\infty; -5] \cup (1; \infty)$ 2) $(-1; 5)$ 3) $(-5; 1)$ 4) $(-\infty; -1) \cup (5; \infty)$
35.	Решите неравенство $(5x - 2)(2 - x) > 0$ . 1) $[2; 2,5]$ 2) $[0,4; 2]$ 3) $(-\infty; 0,4] \cup [2; \infty)$ 4) $(0,4; 2)$
36.	Решите неравенство: $(x + 2)(1 - x)(4x - 10) \leq 0$ .
37.	Решите неравенство: $\frac{x-2}{3-x} \geq 0$ На каком из рисунков изображено множество его решений? В ответе укажите номер правильного варианта.  1)  2)  3)  4) 
38.	Решите неравенства: а) $(x - 0,3)(6x - 1)(5 - 2x) > 0$ ;      б) $(2x - 7)(x + 6)(4 - x) \leq 0$ ; в) $x^2(x + 3)(3 - 2x) > 0$ ;      г) $x(2x + 3)(x - 1,6)^2 > 0$ .
39.	Найдите множество решений неравенств: а) $7x^3 - 2x^2 - 28x + 8 > 0$ ; б) $x^3 + 6x^2 - x - 6 < 0$ ;
40.	Решите неравенство: а) $(x - 8)^2(x^2 - 3x + 4) > (x - 8)^2(x + 1)$ ; б) $(2x - 3)^4(x^2 - x) > (x - 1)(2x - 3)^4$ ; в) $(x^2 - 4x + 4)(x^2 - 1) < (x - 2)^2(x + 5)$ ; г) $(x + 6)^2(x^2 + x - 1) < (x^2 + 3x)(x + 6)^2$ .
41.	Функция $f(x) = ax^2 + bx + c$ задана графически (рис. 5), $D$ – дискриминант соответствующего квадратного трехчлена. Какое из высказываний верно?    1) $a > 0, D > 0$ 2) $a > 0, D < 0$ 3) $a < 0, D < 0$ 4) $a < 0, D > 0$

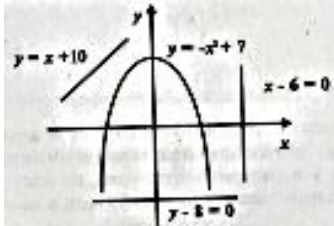
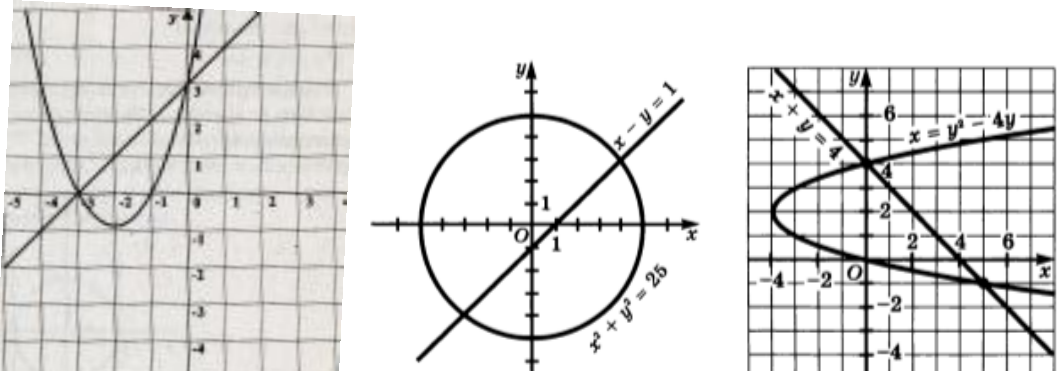
42.	Решите неравенство $f(x \geq 0)$ (рис. 5). 1) $(-\infty; -2] \cup [3; \infty)$ 2) $(-2; 3)$ 3) $[-2; 3]$ 4) $(-\infty; 4]$
43.	Решите неравенства: а) $\frac{x^3 - 5x^2 + 3x - 15}{x^2 + 4x - 12} > 0.$ б) $\frac{x^3 - 3x + 2}{(x - 1)^2(x^2 - 9)} < 0.$ в) $\frac{(x - 2)^2(x + 3)}{(x + 5)(x - 7)} \geq 0.$
44.	Решите двойное неравенство: а) $3 \leq \frac{5x - 1}{2x - 3} \leq 5.$ б) $2 < \frac{3x - 8}{x + 1} < 3;$ в) $-1 < \frac{x - 8}{x + 1} < 3;$ г) $1 \leq \frac{4 + x}{3x + 2} \leq 2.$
45.	Решить систему неравенств: а) $\begin{cases} \frac{x + 5}{x - 4} > \frac{x + 3}{x - 1}, \\ 3x - 7 > x + 1; \end{cases}$ б) $\begin{cases} \frac{2x + 3}{x + 2} \leq \frac{2x + 1}{x}, \\ 3(2 - x) \geq 7x; \end{cases}$ в) $\begin{cases} \frac{6x + 1}{3x} \geq \frac{2x}{x + 4}, \\ 13 - 12x > x. \end{cases}$
46.	Решите систему неравенств: а) $\begin{cases} x^2 - 2x - 48 < 0, \\ 3x - 6 > 0; \end{cases}$ б) $\begin{cases} 9y^2 - 30y + 25 > 0, \\ 0,2y - 0,1 > 0; \end{cases}$ в) $\begin{cases} x > 1,4x^2, \\ 9x^2 + 5x - 4 < 0. \end{cases}$
47.	Решите неравенство: а) $ x + 1  < 5.$ б) $ x^2 - 5x  > 6.$ в) $ x^2 - 5x - 6  < x + 10.$ г) $ x^2 - 7x + 6  > x^2 + x - 2.$ д) $ x^2 - x  <  x - 10 .$ е) $ x + 1  +  x + 4  < 5.$
48.	Решите неравенство: $x^2 +  x  - 2 < 0.$
49.	Решить систему неравенств: а) $\begin{cases}  x - 3  \leq 2, \\  3 - 2x  \leq 1; \end{cases}$ б) $\begin{cases}  x + 4  > 2, \\  2x - 3,5  < 0,5; \end{cases}$ в) $\begin{cases}  2x - 5  < 5, \\  5x + 1  < 21 \end{cases}$
50.	Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{2x^2 - x - 1}.$ 1) $[-\frac{1}{2}; 1]$ 2) $(-\infty; -\frac{1}{2}) \cup (1; \infty)$ 3) $(-\infty; -\frac{1}{2}] \cup (1; \infty)$ 4) $(-\frac{1}{2}; 1)$

## Тема №2. "Системы уравнений и системы неравенств с двумя переменными"

Элементы содержания	Предметные умения
<p><b>Глава 3.</b>  <b>§ 8. Уравнения второй степени с двумя переменными и их системы.</b>                      П.18. Уравнение с двумя переменными и его график.                      П.19. Система уравнений с двумя переменными.                      П.20. Решение систем уравнений с двумя переменными способом подстановки и способом сложения.                      П.21. Другие способы решения систем уравнений с двумя переменными.                      П.22. Решение задач.  <b>§ 9. Неравенства с двумя переменными и их системы.</b>                      П.23. Линейное неравенство с двумя переменными.                      П.24. Неравенство с двумя переменными степени выше первой.                      П.25. Система неравенств с двумя переменными.                      П.26. Неравенства с двумя переменными, содержащие знак модуля.</p>	<p>Умения определять степень уравнения с двумя переменными, строить графики уравнений второй степени с двумя переменными; решать системы уравнений с двумя переменными разными способами; решать системы, содержащие однородные и симметрические многочлены, используя замену <math>x + y = a</math>, <math>xy = b</math>; составлять систему уравнений по условию задачи.</p> <p>Умения строить график линейного неравенства с двумя переменными; строить график неравенства с двумя переменными степени выше первой; изображать в координатной плоскости множество решений системы неравенств с двумя переменными и содержащих переменную под знаком модуля.</p>

### Примерные практические задания:

1.	<p>Выберите <b>верные</b> утверждения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Решением уравнения с двумя переменными называется пара значений переменных, обращающая это уравнение в верное равенство.</li> <li>2) Два уравнения, имеющие одно и то же множество решений, называют равносильными уравнениями.</li> <li>3) Два уравнения, имеющие одно равное решение, называют равносильными уравнениями.</li> <li>4) Графиком уравнения с двумя переменными называется множество точек координатной плоскости, координаты которых обращают уравнение в верное равенство.</li> <li>5) Графиком уравнения с двумя переменными называется множество точек координатной плоскости.</li> <li>6) Пара значений переменных, обращающая каждое уравнение системы уравнений с двумя переменными в верное равенство, называется решением системы.</li> <li>7) Пара значений переменных, называется решением системы.</li> </ol>
2.	<p>Какая из перечисленных пар чисел является решением системы уравнений</p> $\begin{cases} x - y = 5; \\ 3x - y^2 = -3. \end{cases}$ <p>а) (2; 3)    б) (-3; 2)    в) (-6; 11)    г) (8; 3).</p>

3.	Сколько решений уравнения $(x + 3)^2 - y^2 + 3y = 0$ находится среди пар чисел $(-3; 3); (-1; -2); (0; 0); (-3; 0)$ .
4.	Укажите значение суммы $x_1 + y_1$ , где $(x_1; y_1)$ – решение системы $\begin{cases} x + y = 4; \\ x - 2y = 1. \end{cases}$
5.	Укажите значение произведения $x_1 \cdot y_1$ , где $(x_1; y_1)$ – решение системы $\begin{cases} x + y = 4; \\ y^2 - x^2 = 8. \end{cases}$
6.	Сколько решений имеет система уравнений $\begin{cases} y = \frac{2}{x}; \\ x^2 + y^2 = 9. \end{cases}$ (воспользуйтесь графической интерпретацией).
7.	На рисунке изображены парабола и три прямые. Укажите, сколько решений имеет каждая система: а) $\begin{cases} y = -x^2 + 7; \\ y = x + 10. \end{cases}$ б) $\begin{cases} y = -x^2 + 7; \\ x - 6 = 0. \end{cases}$ в) $\begin{cases} y = -x^2 + 7; \\ y - 8 = 0. \end{cases}$ 
8.	Найдите значение выражения $xу$ , если $(x; y)$ – решение системы $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{3}{8}; \\ x + y = 12. \end{cases}$
9.	а) На рисунке 1 изображены графики функций $y = x^2 + 4x + 3$ и $y = x + 3$ . Используя графики, решите систему уравнений $\begin{cases} y = x^2 + 4x + 3; \\ y = x + 3. \end{cases}$ б) Решите систему уравнений, используя графики функций: $\begin{cases} x^2 + y^2 = 25; \\ x - y = 1. \end{cases}$ в) Решите систему уравнений, используя графики функций: $\begin{cases} x = y^2 - 4y \\ x + y = 4 \end{cases}$ 
10.	Какая фигура является графиком уравнения: а) $2x = 5 + 3y$ ;      г) $(x + 1,5)(x - 4) = 0$ ; б) $6x^2 - 5x = y - 1$ ;      д) $xy - 1,2 = 0$ ; в) $2(x + 1) = x^2 - y$ ;      е) $x^2 + y^2 = 9$ ?



11.	<p>Постройте график уравнения:</p> <p>а) <math>3x - 5y - 15 = 0</math>; б) <math>(x + 3)(y - 5) = 0</math>; в) <math>xy + 12 = 0</math>; г) <math>x^2 + y^2 = 16</math>;  д) <math>x^2 - 2 x  - y = 0</math>; е) <math>3 y  + x^2 = 0</math>. ж) <math>(x - 3)^2 + y^2 = 9</math>; з) <math>x^2 + (y - 2)^2 = 4</math>;  и) <math>\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1</math>; к) <math>x = y^2 + 2y - 8</math>. л) <math>9x^2 + y^2 = 4</math>; м) <math>3xy = 12</math>; н) <math>x^2 + \frac{1}{4}y^2 = 4</math>;  о) <math>\frac{1}{2}xy = 6</math>.</p>
12.	<p>Решить систему уравнений методом подстановки:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} 2x^2 + x - 3y - 16 = 0, \\ y - x^2 + 6 = 0. \end{cases}</math> б) <math display="block">\begin{cases} 3x^2 - 2y^2 + x + 16 = 0, \\ x - 2y + 7 = 0. \end{cases}</math></p>
13.	<p>Решите систему методом сложения:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} x^2 - 2y^2 + x = -6, \\ x^2 - 3y^2 = -11. \end{cases}</math> б) <math display="block">\begin{cases} x^2 - 3y^2 - y = -6, \\ 2x^2 - 3y^2 = -4; \end{cases}</math></p>
14.	<p>Решите систему уравнений:</p> <p>а) <math display="block">\begin{cases} 9x^2 - y^2 - 3x + y = 0, \\ x^2 + y = xy. \end{cases}</math> б) <math display="block">\begin{cases} xy = -2, \\ (x - y)^2 + x + y = 10; \end{cases}</math> в) <math display="block">\begin{cases} 2x^2 + 4xy - 5y = 1, \\ x^2 + xy - 6y^2 = 0; \end{cases}</math></p>
15.	<p>Один катет прямоугольного треугольника на 5 см больше другого. Найдите периметр этого треугольника, если его площадь равна <math>150 \text{ см}^2</math>.</p>
16.	<p>Периметр прямоугольника равен 14 см, а сумма площадей квадратов, построенных на двух смежных сторонах, равна <math>25 \text{ см}^2</math>. Найдите стороны прямоугольника.</p>
17.	<p>Сумма квадратов двух чисел равна 202, а разность квадратов равна 40. Найдите эти числа.</p>
18.	<p>Расстояние между двумя пристанями 60 км. Теплоход проходит это расстояние по течению и против течения за 5,5 часов. Найдите скорость теплохода в стоячей воде и скорость течения, если одна из них больше другой на 20 км/ч.</p>
19.	<p>Артель выполнила работу за 20 дней. Если бы в артели было на 4 человека больше, и рабочий день увеличился бы на 1 ч, то работа была бы выполнена за 10 дней. Если бы в артели было на 1 человека меньше, а рабочий день сократился на 1 ч, то для выполнения работы потребовалось бы 30 дней. Сколько человек было в артели, и какой продолжительности был у них рабочий день</p>
20.	<p>Вкладчик положил деньги в банк и получил через год 2220 р. Если бы вклад был на 200 р. больше, а банк выплачивал на 1% меньше, то вкладчик получил бы 2420 р. Какова была сумма вклада, и какой процент выплачивал банк ежегодно</p>
21.	<p>Смешав 30-процентный и 60-процентный растворы кислоты и добавив 10 кг чистой воды, получили 36-процентный раствор кислоты. Если бы вместо 10 кг воды добавили 10 кг 50-процентного раствора той же кислоты, то получили бы 41-процентный раствор кислоты. Сколько килограммов 30-процентного раствора использовали для получения смеси</p>
22.	<p>Расстояние в 360 км легковой автомобиль прошел на 2 часа быстрее, чем грузовой. Если скорость каждого автомобиля увеличить на 30 км/ч, то грузовой затратит на весь путь на 1 ч больше, чем легковой. Найдите скорость каждого автомобиля.</p>

23.	<p>Выберите <b>верные</b> утверждения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Решением неравенства с двумя переменными называется пара значений переменных, обращающая его в верное неравенство.</li> <li>2) Решением неравенства с двумя переменными называется пара значений переменных.</li> <li>3) Линейным неравенством с двумя переменными называется неравенство вида <math>ax + by &lt; c</math> или <math>ax + by &gt; c</math>, где <math>x</math> и <math>y</math> - переменные, <math>a, b</math> и <math>c</math> - некоторые числа.</li> <li>4) Линейным неравенством с двумя переменными называется неравенство вида <math>ax + by &lt; c</math>, где <math>x</math> и <math>y</math> - переменные, <math>a, b</math> и <math>c</math> - некоторые числа.</li> <li>5) Функция с областью определения <math>X</math> и областью значений <math>Y</math> называется обратимой, если обратное ей соответствие между множеством <math>Y</math> и множеством <math>X</math> – функция.</li> <li>6) Если функция <math>f(x)</math> обратима, то обратное ей соответствие называют функцией, обратной функции <math>f(x)</math>.</li> <li>7) Если функция <math>f(x)</math> обратима, то обратное ей соответствие называют функцией.</li> </ol>
24.	Является ли пара чисел $(2; -1)$ решением неравенства $2x^2 + xy - 3y^2 < 3$ ?
25.	<p>Является ли пара чисел <math>(2; -1)</math> решением системы неравенств</p> $\begin{cases} xy > -6; \\ x^2 + xy + y^2 < 7? \end{cases}$
26.	<p>Изобразите график неравенства:</p> <p>а) <math>4x - 5y &gt; 20</math>;      в) <math>2x - y &lt; -3</math>;  б) <math>3x + 4y &lt; 12</math>;      г) <math>2x + 3y &gt; -5</math>.</p>
27.	<p>Изобразите в координатной плоскости множество точек, которое можно задать неравенством:</p> <p>а) <math>x^2 + y^2 \geq 10</math>;      б) <math>x^2 &lt; 16 - y^2</math>;      в) <math>(x + 1)^2 + (y - 3)^2 \leq 25</math>;  г) <math>(2 - x)^2 + (1 - y)^2 &gt; 5</math>.      д) <math>(x + 1)^2 + (y - 3)^2 \leq 10</math>;  е) <math>x^2 - 6x + y^2 + 2y + 13 &gt; 0</math>;      ж) <math>x^2 + y^2 - 4x - 8y \geq 0</math>;  з) <math>x^2 + 2x + y^2 + 10y + 22 \geq 0</math></p>
28.	<p>Изобразить на координатной плоскости множество решений системы:</p> <p>а) <math>\begin{cases} x^2 + y^2 &lt; 9, \\ x - y &gt; 0. \end{cases}</math>      б) <math>\begin{cases} x + y \leq 3, \\ 4x - 5y \leq 20. \end{cases}</math>      в) <math>\begin{cases} x - 2y \leq 4, \\ 0,5x - y \geq -2. \end{cases}</math>      г) <math>\begin{cases} x^2 + y^2 \geq 4, \\ x^2 + y^2 - 6x \leq 0. \end{cases}</math>  д) <math>\begin{cases} x + y \leq 3, \\ 4x - 5y \leq 20, \\ 5x + y \geq -5. \end{cases}</math>      е) <math>\begin{cases} y - x^2 + 3 \geq 0, \\ x^2 + y^2 - 16 \leq 0, \\ 3x - 4y + 12 \geq 0; \end{cases}</math></p>
29.	Найдите площадь фигуры, задаваемой системой неравенств $\begin{cases} 1 \leq  x  \leq 3; \\ 2 \leq  y  \leq 3. \end{cases}$
30.	<p>Изобразите множество решений системы:</p> <p>а) <math>\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 9, \\  x  +  y  \leq 0; \end{cases}</math>      б) <math>\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 9, \\  y  -  x  \leq 0. \end{cases}</math></p>