

Класс 9.1, 9.2

М8. Элементы комбинаторики и теории вероятностей.

Учебник: Алгебра (Макарычев Ю.Н.)

Основные теоретические сведения, необходимые для успешного выполнения теста:

Элементы комбинаторики и теории вероятностей

(Гл.7 §§21-22)

1. Понятие комбинаторной комбинации *перестановки*. Её формула.
2. Понятие комбинаторной комбинации *размещения*. Её формула.
3. Понятие комбинаторной комбинации *сочетания*. Её формула.
4. Случайное событие. Частота случайного события.
5. Классическое определение вероятности.
6. Противоположные события. Несовместные события. Независимые события.
7. Сложение вероятностей (вероятность появления хотя бы одного из двух несовместных событий)
8. Умножение вероятностей (вероятность совместного появления двух независимых событий)

В процессе изучения данного модуля ученик научится/получит возможность:

1. Иметь представление о статистических характеристиках, вероятности случайного события, комбинаторных задачах;
2. Решать простейшие комбинаторные задачи методом прямого и организованного перебора;
3. Оценивать вероятность события в простейших случаях;
4. Оперировать понятиями: факториал числа, перестановки, размещения и сочетания;
5. Применять правило произведения при решении комбинаторных задач;
6. Оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями;
7. Решать задачи на вычисление вероятности с подсчетом количества вариантов с помощью комбинаторики.

Умения, характеризующие достижение этого результата:

1. Решать комбинаторные задачи с помощью перестановок
2. Решать комбинаторные задачи с помощью размещений

3. Решать комбинаторные задачи с помощью сочетаний
4. Решать задачи на частоту и вероятность событий
5. Решать вероятностные задачи с использованием сложения вероятностей.
6. Решать вероятностные задачи с использованием умножения вероятностей

Примерные практические задания.

1. Перестановки

1.1	Сколькими различными способами могут сесть на скамейку 6 человек?
1.2	В 9 «А» классе в понедельник пять уроков: алгебра, геометрия, русский язык, литература и физика. Сколько можно составить вариантов расписания на понедельник?
1.3	Составьте всевозможные пятизначные числа, в которых все цифры разные, используя цифры 1,3,4,6,7 (без повторения).
1.4	Составьте все возможные трехзначные числа, в которых все цифры разные: 4, 2, 3.

2. Размещения

2.1	Сколько различных четырехзначных чисел, в которых цифры не повторяются, можно записать, используя только цифры 0, 1, 2, 3, 4?
2.2	В автомашине 5 мест. Сколькими способами в этой автомашине могут разместиться 5 человек, если место водителя могут занять только двое из них.
2.3	Решите уравнение: $A_{2n}^3 = 20A_n^2$ $A_n^4 = 12A_n^2.$
2.4	Сколькими способами могут быть присуждены первая, вторая и третья премия трем лицам из 10.
2.5	Вычислите: $A_7^4 - A_6^3$

3. Сочетания

3.1	Оля подсчитала, что существует 56 способов выбора трех дежурных девочек класса. Сколько девочек в классе?
3.2	Из 6 школьников нужно выбрать 3 учащихся для участия в олимпиаде. Сколькими способами это можно сделать?
3.3	Из 6 спортсменов выбирается пара для участия в соревнованиях пар по шахматам. Сколько существует способов выбора этой пары?
3.4	На плоскости отмечено восемь точек, причем никакие три из них не лежат на

	одной прямой. Через каждые две из них проведена прямая. Сколько проведено прямых?
--	---

4. Частота и вероятность

4.1	В партии из 100 деталей отдел технического контроля обнаружил две нестандартные детали. Какова частота появления нестандартной детали?
4.2	Ученик записал в тетради двузначное число. Какова вероятность того, что это число кратно 5?
4.3	В урне 5 белых, 2 черных и 3 желтых шаров одинаковых размеров. Из урны достают 1 шар. Какова вероятность того, что шар окажется белым?
4.4	Какова частота простых чисел среди первых 30 натуральных чисел?
4.5	Найдите вероятность появления при бросании игрального кубика числа очков меньше трех.
4.6	На учениях по стрельбе из пистолета частота поражения мишени оказалась равной 0,75. Сколько было попаданий в цель, если по мишени было сделано 112 выстрелов.
4.7	На учениях по стрельбе из пистолета частота промаха по мишени равна 0,1. Сколько раз была поражена мишень, если было сделано 110 выстрелов.
4.8	В сборнике билетов по математике всего 40 билетов, в 25 из них встречается вопрос по уравнениям. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику не достанется вопрос по уравнениям.
4.9	Фабрика выпускает сумки. В среднем из 180 новых сумок двадцать две сумки имеют скрытый дефект. Найдите вероятность того, что купленная сумка окажется качественной. Результат округлите до сотых.
4.10	В случайном эксперименте бросают две игральные кости. Найдите вероятность того, что в сумме выпадет 5 очков. Результат округлите до сотых.

5. Сложение вероятностей

5.1	Испытания на полигоне двух орудий показали: первое орудие поражает цель в 80 случаях из 100, второе в 60 случаях. Какова вероятность поразить цель, если каждое орудие совершит по одному выстрелу?
5.2	Из колоды в 36 карт извлекают одну карту. Какова вероятность того, что эта карта будет королем пик или дамой треф?
5.3	Из колоды в 36 карт извлекают одну карту. Какова вероятность того, что эта карта будет дамой или валетом (любой масти)?
5.4	В урне 5 белых, 2 черных и 3 желтых шаров одинаковых размеров. Из урны

	достаюТ 1 шар. Какова вероятность того, что шар окажется белым или желтым?
5.5	Найдите вероятность появления при бросании игрального кубика одного очка или 5 очков.
5.6	Из колоды в 36 карт вынимают одну карту наугад. Какова вероятность того, что эта будет король крести или пик или туз (любой масти)?
5.7	Бросают игральный кубик. Какова вероятность того, что выпадет 6 очков или 2 очка?

6. Умножение вероятностей

6.1	В партии из 5 деталей находятся 2 бракованных. Из партии наугад выбирают 2 детали. Какова вероятность того, что обе детали окажутся бракованными?
6.2	Подбрасывают 4 игральных кубика. Какова вероятность того, что на каждом из них выпало число очков, кратное 2.
6.3	Бросают два игральных кубика. Какова вероятность того, что на одном из них выпадет 2 очка, а на другом – нечетное число очков.
6.4	Бросают 3 монеты. Какова вероятность того, что все они упадут решкой?